

冒泡排序

emacsun

目录

1 算法描述	1
2 示例	2
3 冒泡排序伪代码	2
4 算法分析	3
5 冒泡算法c语言实现	4

1 算法描述

冒泡排序算法是一种基于交换的排序算法。该算法通过比较并交换（如果有必要的话）相邻两个元素的位置来实现排序。顾名思义，每一次循环交换都会导致相对较大的元素向上移动，就像沸腾的水一样，大的泡泡在上小的泡泡在下。实际上冒泡算法在实际应用中较少用到。只作为理论分析或者计算机算法导论教学使用。记得有一个公司的面试题目用到了冒泡算法。该题目大意为：从一楼到九楼每一楼的电梯门口都有一个钻石，要求应聘者从一楼开始坐电梯上楼，不准返回而且任何时刻他手中都只能有一颗钻石，要他到达九楼时手中的钻石最大的一颗。这个题目很简单，只要在每一楼的电梯口比较一下，如果电梯口的钻石大于手中的就交换一下，小于手中的钻石就不交换。最后到达九楼手中的钻石就自然是最大的一颗。

冒泡算法是一种比插入排序还要差劲的算法，虽然这两种算法的最差时间复杂度都是 $O(N^2)$ ，但是冒泡算法需要的交换次数远远大于插入排序。并且冒



泡排序大约需要两倍于插入排序的内存读写，两倍与插入排序的缓存命中率。而且冒泡算法还会产生更多的分支预测错误。

有很多基于冒泡算法的优化。

2 示例

假设输入数据是(5, 2, 4, 6, 1, 3)，冒泡排序的过程如图1所示：

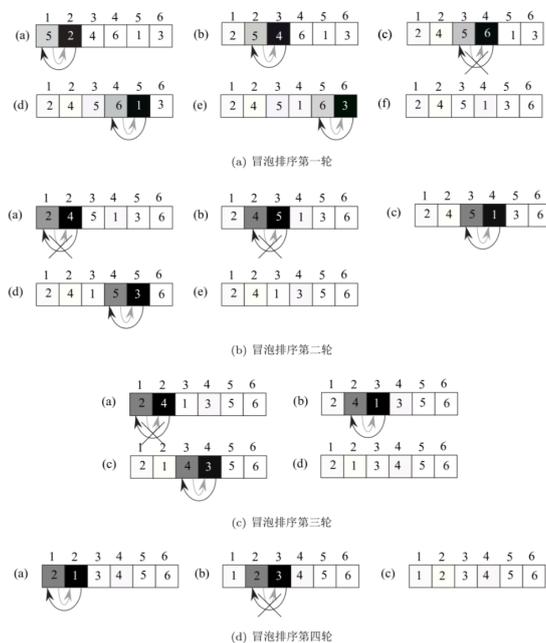


图 1: (5, 2, 4, 6, 1, 3)的冒泡排序过程

可以看出在输入为 $A = [5, 2, 4, 1, 6, 3]$ 的排序过程中，共需要发生的交换次数为 $4 + 2 + 2 + 1$ ，需要的比较次数为 $5 + 4 + 3 + 2$ 。其中需要交换的次数与输入数组中逆序的个数直接有关，而需要发生的比较次数则与输入规模直接有关。这在下面的算法分析中会再次提起。

3 冒泡排序伪代码

在以上的伪代码中跑的最快的元素是最大的元素，经过第一轮的 `for` 循环，最大的元素就跑到了最右边，这与之前提到的那个拿最大钻石的例子是一样的，只需要一趟电梯就可以得到最大的钻石。实际上，在冒泡排序中我们可以控制



```
冒泡排序伪代码1
0 BUBBLESORT(A)
1   for i ← length[A] downto 2
2     do for j ← 1 upto i
3       do if A[j] > A[j+1]
4         then exchange A[j] ↔ A[j+1]
```

图 2: 冒泡排序伪代码1

到底是最大的元素跑的最快还是最小的元素跑的最快。下面给出最小元素跑的最快的伪代码。

```
冒泡排序伪代码2
0 BUBBLESORT(A)
1   for i ← 2 upto length[A]
2     do for j ← length[A] downto i
3       do if A[j] < A[j-1]
4         then exchange A[j] ↔ A[j-1]
```

图 3: 冒泡排序伪代码2

4 算法分析

我们用循环不变式来分析冒泡算法的正确性。

1. Initialization 在冒泡法排序伪代码1的第一行，当 $i = \text{length}[A]$ 时，第一轮循环我们可以得到最大的元素被放在了 $A[\text{length}[A]]$ 的位置。这是没有问题的。
2. Maintenance 接下来的每一次循环中， $A[\text{length}[A]], A[\text{length}[A]-1], A[\text{length}[A]-2], \dots$ 里的元素值依次递减。这些值也是数组中除了上次循环找出的最大值之外子数组的最大值。
3. Termination 最后我们验证当循环结束时排序的结果。对于伪代码1中所示的冒泡排序算法来说，当 $i = 2$ 时，排序结束。此时内部的 `for` 循环，实现了 $A[1], A[2], A[3]$ 的排序。当 $i = 2$ 时，内部 `for` 循环不仅找到了 $A[1], A[2], A[3]$ 中最大的元素，而且还实现了 $A[1], A[2]$ 的排序。 i 没有必要再置为1，让内部的 `for` 再排一次 $A[1], A[2]$ ，因为当 $i = 2$ 时， $A[1], A[2]$ 的排序已经完成了。

以上我们分析了冒泡排序算法的正确性。接下来分析冒泡排序的复杂度。假设输入规模为 n ，且输入的序列是逆序拍好的（最差情况）。



冒泡排序伪代码1			
		cost	times
0	BUBBLESORT(A)		
1	for i ← length[A] downto 2	c_1	n
2	do for j ← 1 upto i	c_2	$\sum_{i=2}^n (i+1)$
3	do if A[j] > A[j+1]	c_3	$\sum_{j=1}^i \sum_{i=2}^n 1$
4	then exchange A[j] ↔ A[j+1]	c_4	$\sum_{j=1}^i \sum_{i=2}^n 1$

图 4: 冒泡排序伪代码1复杂度

$$T(n) = c_1 n + c_2 \sum_{i=2}^n (i+1) + c_3 \sum_{j=1}^i \sum_{i=2}^n 1 + c_4 \sum_{j=1}^i \sum_{i=2}^n 1 \quad (4.1)$$

$$= c_1 n + c_2 \frac{(n+4)(n-1)}{2} + c_3 (n-1)^2 + c_4 (n-1)^2 \quad (4.2)$$

5 冒泡算法c语言实现

```
1 void bubblesort( int A[], int n ){
2     int i=0,j=0,exchange;
3     for( i=n;i$>$=2;i$--$ )
4         {
5             for(j=0;j<i;j $++$)
6                 {
7                     if( A[ j ] $>$ A[ j+1 ] )
8                         {
9                             exchange = A[ j ];
10                            A[ j ] = A[ j+1 ];
11                            A[j+1 ] =exchange;
12                        }
13                }
14    }
15 }
```